GENEL ENİYİLEME YÖNTEMİ KULLANILARAK OLUŞTURULAN KİRİŞ-ÇUBUK MODELININ DINAMIK AEROELASTISITE KARAKTERISTIĞININ INCELENMESI

Murat AYDIN¹ ve Oğuzhan KÖSE²

Prof. Dr. Altan KAYRAN³ ODTÜ, Havacılık ve Üzay Mühendisliği ODTÜ, Havacılık ve Üzay Mühendisliği

ÖZET

Genel eniyileme yöntemi olan karga arama algoritması ile oluşturulan AGARD 445.6 ve ODTÜ VLA kanadının kiriş-çubuk modelinin, dinamik aeroelastisite analizlerinde kullanımı incelenmiştir. Bu kirişcubuk modelleri ile AGARD 445.6 ve ODTÜ VLA kanadı detaylı sonlu elemanlar modelinin çırpınma analizleri yapılmıştır. Bu analizler için ZAERO ZTRAN birimi ve MSC NASTRAN Sol 145 birimi kullanılmıştır. AGARD 445.6 kanadı için transonik dip etkilerinin görülmesi için gerçekleştirilen hesaplamalı akışkanlar dinamiği vasıtası ile elde edilen sonuçlar ZTRAN analiz birimine aktarılmıştır. Elde edilen sonuçlar, NASA deneyleri ile karşılaştırılmıştır. Bu karşılaştırmalar grafik şeklinde ilgili bölümde gösterilmiştir. ODTÜ VLA kanadı için ise elde edilen sonuçlar detaylı sonlu elemanlar modelinin MSC NASTRAN çırpınma analizi sonuçlarıyla karşılaştırılmış. Kiriş modeli ile yapılan analizlerin, detaylı sonlu elemanlar modeli sonuçları ile uyuştuğu gözlemlenmiştir.

GIRIS

Büyük uçak modellerinde yapısal modelin serbestlik derecesinin fazla olması coğu zaman hesaplama süresinde büyük artışlara sebep olmaktadır. Bu durum bazı zamanlarda yönetilebilir olsa da çoğu zaman yönetilmesi mümkün değildir. Özellikle hesaplamalı akışkanlar dinamiği ve yapısal sonlu elemanlar modeli bağlaşıklığı ile oluşturulan modellerde büyük problemler ortaya çıkarmaktadır. Bundan dolayı, düşük serbestlik derecesine sahip yapısal modellerin oluşturulması neredeyse mecburidir. Düşük serbestlik dereceli modelin dinamik aeroelastisite analizlerinde kullanılması için, asıl yapının dinamik karakterini yansıtması gerekmektedir. İndirgenmiş modeli oluşturmak için farklı yöntemler kullanılmaktadır. Cirillo [Cirillo, 2011], kiriş keşiti bünye denklemleri kullanarak özel jet için kiriş-çubuk model oluşturmuştur. Bu yöntemi kullanarak elde ettiği kirişcubuk modelinin, detaylı sonlu elemanlar modelinin dinamik ve statik karakteristiğini benzer şekilde yansıttığını göstermiştir. Dinamik karakteristik için rüzgâr tepkisi analizine başvurmuştur. A. Elsayed [Elsayed, 2009], kiriş-çubuk modeli oluşturulmasında statik bir yaklaşım sergilemiştir. Bu modeli oluştururken belli eksenlerden kuvvetler uygulayıp statik deformasyonlardan kiriş özelliklerini bulup, sonucların statik olarak, detaylı sonlu elemanlar modeli ile uyustuğunu göstermiştir. A. Swift 2010 yılında yayınladığı makalesinde [Swift, 2010] kiriş-çubuk modelini sabit kaburga varsayımını uygulamak icin kullanmış ve güvenilir carpıntı tahminleri sağladığını göstermiştir. Pecora [Pecora, 2014] ise CS25 katagori bir uçakta tasarımsal denemeler için kirişcubuk modeli kullanmış ve çırpınma hareketlerini incelemiştir. Hızlı duyarlılık analizleri yapmak icin, kanat sisteminin basitleştirilmiş ve oldukça temsili bir modeli olan kiriş-çubuk modelini kullandığını söylemiştir.

Bu bildiride karga arama algoritması ile olusturulan kiris-cubuk modelinin dinamik aeroelastisite karakteristiği incelenmiştir. Sonuçlarımızın geçerliliğinin kanıtlanması için, deney sonuçları mevcut

UHUK-2022-113

¹ Y. Lisans Öğrencisi, Havacılık ve Uzay Müh. Böl., E-posta: aydin.murat@metu.edu.tr

² Y. Lisans Öğrencisi, Havacılık ve Uzay Müh. Böl., E-posta: oguzhan.kose@metu.edu.tr

³ Prof. Dr., Havacılık ve Uzay Müh. Böl., E-posta: akayran@metu.edu.tr

olan AGARD 445.6 kanadı ve kontrol yüzeylerini de içeren karmaşık sonlu elemanlar modeli olan ODTÜ VLA kanadı kullanılmıştır. AGARD 445.6 kanadının aeroelastisite davranışı özellikle akışın karışık olduğu transonik bölgede incelenmiştir. Fakat bu bölgedeki transonik dip fenomeninin bulunabilmesi için hesaplamalı akışkanlar dinamiği etkilerinin dâhil edilmesi gerekmektedir. ZAERO ZTRAN [ZONA TECHNOLOGY, 2020] birimi buna olanak sağladığı için analizlerde kullanılmıştır. Transonik dip fenomeni, akışın karışık bir karaktere sahip olduğu transonik bölgede meydana gelen ve kararsızlık noktasını aşağıya çeken bir durumudur. Bundan dolayı, analizlerde görülmesi önemlidir. Aksi takdirde analizlerin gerçek hayattaki deneylerinde problemlere sebep olabilir. ODTÜ VLA kanadı için ise kontrol yüzeyi ile alakalı çırpınma mekanizması incelenmiştir. Bu mekanizma ses altı bölgede gerçekleştiği için ZTRAN modülüne ihtiyaç duyulmamıştır.

YÖNTEM

Karga Arama Algoritması

Alireza Askarzadeh [Askarzadeh, 2009] tarafından geliştirilen Karga eniyileme metodu, optimizasyon problemini çözmek için kullanılan yeni bir sürü zekâsı meta-sezgisel eniyileme algoritmasıdır. Bu optimizasyon algoritması temel fikrini kargaların hafıza yeteneklerine, iletişim becerilerine ve yiyecek saklamaya yönelik sosyal davranışlarına dayandırır. Algoritmanın kargalardan esinlenilen davranışları aşağıda listelenmiştir.

1. Kargalar yüzleri unutmazlar. Bu sebeple güçlü bir hafızaları vardır.

2. Kargalar sakladıkları yiyecek yerlerinin konumunu ezberler. Aylar geçse bile bu konumu unutmazlar.

3. Kargalar her zaman daha verimli bir yiyecek bölgesi ararlar. Bundan dolayı, başka bir karganın yiyeceğini çalmak için birbirlerini takip ederler.

4. Kargalar zeki hayvanlardır. Takip edildiklerini anlarlar ise yiyeceklerini diğer kargalardan korumak için rastgele bir bölgeye uçarlar. Ancak, rastgele bir bölgede daha verimli bir yiyecek bölgesi bulma olasılıkları vardır. Bu durum karga arama algoritmasının temelini oluşturur.

Bu meta-sezgisel yöntemin amacı, belirli bir karganın sakladığı yiyecek yerini keşfetmek için başka bir kargayı takip edebilmesidir. Bu süreçte karga kademeli olarak konumunu güncellemelidir. Ayrıca, karga, çalındığında yiyeceğin konumunu değiştirmek zorundadır. <u>UHUK-2022-114</u> numaralı bildirisinde detaylı şekilde bahsedildiği üzere bu eniyileme yöntemi kiriş-çubuk modelinin oluşturulmasında kullanılmıştır.

UYGULAMALAR VE DEĞERLENDİRME

1.1 Agard 445.6 Kanadının Dinamik Karakteristiği

Karga arama algoritması kullanılarak oluşturulan Agard 445.6 kanadının kiriş-çubuk modeli ile Elde edilen modal güvence kriteri ve doğal frekans değerleri sırasıyla Tablo 1 ve Tablo 2'de verilmiştir.

	Mod 1	Mod 2	Mod 3	Mod 4
MAC	0.964	0.921	0.905	0.906

Tablo 1: Modal Gü	ivence Kriteri Değerleri	(MAC)
-------------------	--------------------------	-------

	Üç Boyutlu Sonlu Elemanlar Modeli [Hz]	Kiriş-Çubuk Modeli [Hz]	Hata Payı [%]
Mod 1	9.46	9.45	0.11
Mod 2	39.70	38.58	2.82
Mod 3	49.45	53.4	7.99
Mod 4	95.10	91.18	4.12

Tablo 2: Frekans Değerleri Hata Payı

ZAERO ZTRAN ANALİZ BİRİMİ

Bu çalışmada dinamik aeroelastisite analizlerinde ZAERO yazılımı kullanılmıştır. ZAERO, statik aeroelastik/trim analizinden aeroservoelastisiteye kadar her türlü aeroelastik problemi çözmek amacıyla ZONA Technology INC tarafından geliştirilmiş ticari bir yazılımdır. Analizlerde hesaplamalı akışkanlar dinamik sonuçlarını analiz sürecine dahil ederek geliştirilmiş ZTRAN birimi kullanılmıştır. Bu sayede geleneksel metotların yakalayamadığı akış etkileri yakalanabilmektedir [ZONA TECHNOLOGY, 2020].

ZTRAN, zaman doğrusallaştırılmış transonik küçük bozulma integral denklemini çözmek için üst bir alan paneli yöntemi kullanmaktadır. Bu integral denklemi iki kısımdan oluşmaktadır. Bu kısımlar ZONA6 ve ZONA7 gibi panel yöntemleriyle çözülebilen bir yüzey integral denklemi ve yüzey paneli modelini çevreleyen hacim hücreleri ile akış alanının modellenmesiyle çözülen bir hacim integral denklemidir.

Hacim integralinde yer alan kaynak terim, Navier-Stokes çözücü gibi diğer yüksek doğruluklu hesaplamalı akışkanlar dinamiği kodları tarafından harici olarak sağlanan sabit arka plan akışı adı verilen sabit akış çözümünü içermektedir. ZTRAN, yüzey ve hacim integral denklemlerinden hesaplanan etki katsayılarını birleştirerek, ZONA6 ve ZONA7 gibi lineer panel yöntemleriyle hesaplanan, aynı forma sahip bir aerodinamik etki katsayı matrisi oluşturmaktadır [ZONA TECHNOLOGY, 2020].

Bu bildiride ayrıca, analizlerde hesaplamalı akışkanlar dinamiği etkisi kaldırıldığındaki davranışı görmek için ZONA6 metodu kullanılarak da analizler yapılmıştır. ZONA6 metodu, doğrusal aerodinamik metotlar kullanarak aerodinamik yükleri hesaplayan bir metottur [ZONA TECHNOLOGY, 2020].

<u>UHUK-2022-114</u> numaralı bildiride bahsedilen kiriş-çubuk modeli kullanılarak çırpıntı analizleri gerçekleştirilmiştir. Bu analizlerde tek değişkeni yapısal model kılabilmek için ZAERO Test Case 6 [ZONA TECHNOLOGY, 2020] kullanılmıştır. ZAERO Test Case 6 AGARD 445.6 kanadının detaylı sonlu elemanlar modelinin çırpınma analizlerini içeren örnek çalışmadır. Bu örnekte ZTRAN birimi yardımıyla kanadın transonik dip karakteristiği incelenmiş olup rüzgâr tüneli deney sonuçları ile karşılaştırılmıştır. Tek değişken yapısal model olacak şekilde analizler belirli Mach sayılarında gerçekleştirilmiş ve NASA deney sonuçları [ZONA TECHNOLOGY, 2020] ile Tablo 4,5,6,7 ve Şekil 4,5'te karşılaştırılmıştır. Bu analizlerde elde edilen çırpıntı hızı ve çırpıntı frekansı kaydedilmiş, daha sonra bu değerler çırpıntı hızı indeksi (Denklem 1) ve çırpıntı frekans oranına (Denklem 3) çevrilip grafik şeklinde sunulmuştur.

$$\operatorname{Cirpinti Hizi Indeksi(FSI)} = \frac{U}{b \cdot w_{\alpha} \sqrt{\mu}}$$
(1)

$$\mu = \frac{m}{\rho \cdot V} \tag{2}$$

m= yapının toplam yapısal kütlesi

 ρ = akışın yoğunluğu

V= Alt taban çapı olarak aerodinamik yüzeyin akış yönündeki kök veter uzunluğuna, üst taban çapı olarak aerodinamik yüzeyin akış önünde uç veter uzunluğuna sahip ve yüksekliği aerodinamik yüzeyin kanat açıklığı olan bir kesik koni hacmi

U = Quert interval in the constant of the co

b = kök veter uzunluğunun yarısı

 w_{α} = Yapının ilk burkulma modunun frekansı

Çırpıntı Frekans Oranı =
$$\frac{w}{w_{\alpha}}$$

(3)

W = *çırpıntı* frekansı

 w_{α} = Yapının ilk burkulma modunun frekansı

Analizlerde kullanılan aerodinamik model Şekil 1'de gösterilmiştir. Kullanılan modelin kök veter uzunluğu 0.5578 metre ve uç veter uzunluğu ise 0.3681 metre, kütlesi ise 1.684 kilogramdır.



Şekil 1: Aeroelastisite Analizlerinde Kullanılan Aerodinamik Model



Şekil 2: AGARD 445.6 Geometrik Özellikleri



Şekil 3: AGARD 445.6 Sonlu Elemanlar Modeli

Parametre	Değer
Boyuna Elastisite Modulü	3.15 GPa
Yanal Elastisite Modulü	0.42 GPa
Kayma Modulü	0.44 GPa

Tablo 3: AGARD 445.6 Malzeme Özellikleri

	Deney Sc	onuçları	ZTRAN-Ki Moo	riş-Çubuk leli	ZONA6-Kiri Mod	iş-Çubuk eli	ZTRAN- Ü Sonlu Elen de	İç Boyutlu nanlar Mo- eli
Mach	$\frac{w}{w_{\alpha}}$	FSI	$\frac{W}{W_{\alpha}}$	FSI	$\frac{W}{W_{\alpha}}$	FSI	$\frac{W}{W_{\alpha}}$	FSI
0.678	0.4722	0.4174	0.537	0.452	0.536	0.452	0.524	0.424
0.901	0.4225	0.37	0.422	0.379	0.433	0.391	0.416	0.358
0.954	0.3807	0.3059	0.360	0.314	0.389	0.352	0.360	0.303
0.98	N/A	N/A	0.329	0.273	0.367	0.328	0.352	0.298

Tablo 4: Karşılaştırmalı Analiz sonuçları



Şekil 4: FSI'ın Mach sayısına göre değişimi



Şekil 5: Frekans oranı $\frac{w}{w_{\alpha}}$ ın Mach sayısına göre değişimi

Tablo 4'ten de görülebileceği üzere ZONA6 metodu kullanıldığında, yani hesaplamalı aerodinamik verileri kullanılarak ZTRAN birimi kullanılmadığında, elde edilen sonuçlar ZTRAN biriminden elde edilenlere göre daha yüksektir. Yani, ZONA6 metodu transonik dip fenomenini yakalayamamaktadır. Ancak, transonik bölge dışında (Mach = 0.678) elde edilen sonuçlar her iki metot için de nerdeyse aynıdır. Ayrıca aynı davranışı oluşturulan kiriş-çubuk modeli de göstermektedir.

Üç Boyutlu Sonlu Elemanlar Modeli ile Kiriş-Çubuk Modeli Arasındaki Hata Payı [%] (ZTRAN)			
Mach $\frac{W}{W_{\alpha}}$ FSI			
0.678	-2.43	-1.99	
0.901	-1.39	-5.91	
0.954	-0.22	-3.55	
0.98	6.41	8.31	

Tablo 5: Üç Boyutlu Sonlu Elemanlar Modeli ile Kiriş-Çubuk Modeli Arasındaki Hata Payı

Deney Sonucu ile ZTRAN Kiriş-Çubuk Modeli Ara- sındaki Hata Payı [%]			
Mach	$\frac{W}{W_{\alpha}}$	FSI	
0.678	-13.8	-3.72	
0.901	0.04	-2.5	
0.954	5.22	-2.67	
0.98	N/A	N/A	

Tablo 6: Deney Sonucu ile ZTRAN Kiriş-Çubuk Modeli Arasındaki Hata Payı

Deney Sonucu ile ZTRAN Üç Boyutlu Sonlu Elemanlar Modeli Arasındaki Hata Payı [%]			
Mach	$\frac{W}{W_{\alpha}}$	FSI	
0.678	-11.09	-1.7	
0.901	1.42	3.21	
0.954	5.43	0.84	
0.98	N/A	N/A	

Tablo 7: Deney Sonucu ile ZTRAN Üç Boyutlu Sonlu Elemanlar Modeli Arasındaki Hata Payı [%]

Tablo 5, 6 ve 7'de görülebileceği gibi, transonik bölgede ZTRAN birimi ile elde edilen sonuçlarla deney ve detaylı sonlu elemanlar modeli analiz sonuçları karşılaştırıldığında benzer davranışlar ve kabul edilebilir hata payları görülmüştür.

1.2 ODTÜ VLA Kanadı Dinamik Karakteristiği

Bu bölümde model olarak ODTÜ VLA uçağının, kanatçık ve flap içeren kanadı kullanılmıştır. ODTÜ VLA uçağı, ODTÜ ve Türk Havacılık ve Uzay Sanayii iş birliğinde yürütülen bir projedir. Uçak, ODTÜ lisans öğrencileri tarafından tasarlanıyor. Türk Havacılık ve Uzay Sanayii ise projeye danışmanlık yapıyor. Yapının sonlu elemanlar modeli Şekil 6'da gösterilmiştir.



Şekil 7: ODTÜ VLA Kanadı Kiriş Çubuk Modeli

Oluşturulan kiriş-çubuk model Şekil 7'deki gibidir. Şekil 7'deki siyah elemanlar kirişleri temsil etmektedir. Turuncu üçgen elemanlar ise parça kütleleri temsil etmektedir. Parçalı kütle ile kiriş elemanları birbirlerine mor renkli RBE3 elemanları ile bağlanmıştır. Kirişlerden hücum kenarına ve firar kenarına uzanan mor elemanlar ise RBE2 elemanlarıdır. RBE2 elemanları rijit elemanlardır ve dinamik analizlerde kullanılan akışkan-katı etkileşimini iyileştirmek için modele eklenmiştir. Bu noktalar aerodinamik-yapısal etkileşimini sağlamak için kullanılmıştır.

ODTÜ VLA kanadının detaylı sonlu elemanlar modelinin MSC NASTRAN 145 analizleri için oluşturulan aerodinamik modeli Şekil 8'de gösterilmiştir. Aynı model kiriş-çubuk modeli çırpınma analizleri için de kullanılmıştır.



Şekil 8: ODTÜ VLA Kanadı Aeroelastisite Analizlerinde Kullanılan Aerodinamik Model

Çırpınma analizlerinin gerçekleştirildiği koşullar Tablo 8'te gösterilmiştir.

Mach	0.4
Yoğunluk [kg/m³]	0.49
Metot	PK
Referans Veter Uzunluğu [m]	1.2

Tablo 8: Çırpınma Analizi Koşulları

Detaylı sonlu elemanlar modeli için çırpınma analizleri gerçekleştirildiğinde, üç çırpınma noktası görülmüş ve bu noktalar kiriş-çubuk modelinin çırpınma analizleri ile karşılaştırılmıştır. Bu çırpınma noktaları kanatçık ile ilgili mekanizmaları da içermektedir. Tablo 9 çırpınma hızı ve frekansları karşılaştırılmıştır. Tablo 10 faz açısı sıfır anında çırpınma mod şekillerini göstermektedir.

	Çırpınma Noktası 1	
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	118.40	16.26
Kiriş-Çubuk Modeli	121.76	16.54

	Çırpınma Noktası 2	
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	264.63	54.95
Kiriş-Çubuk Modeli	266.80	53.53

	Çırpınma Noktası 3		
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]	
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	255.65	86.66	
Kiriş-Çubuk Modeli	242.05	89.66	

Tablo 9: Çırpınma Analizi Sonuçları



Tablo 10: Çırpınma Anındaki Mod Şekilleri

Çırpınma karakteristiklerini daha iyi anlamak amacı ile hız-sönümleme ve hız-frekans grafikleri üst üste çizdirilerek karşılaştırılmıştır. Bu karşılaştırma Şekil 9,10'da gösterilmiştir.

Şekil 9: ODTÜ-VLA kanadının hız-sönümleme grafiği

Şekil 10: ODTÜ-VLA kanadının hız-frekans grafiği

Çırpınma noktalarının hız-sönümleme grafiğindeki noktaları yakından alınarak, sönümlemenin sıfırı geçtiği noktalar şekil 11,12 ve 13'te gösterilmiştir. Sönümlemenin sıfır noktasını keserek pozitif bölgeye geçmesi çırpınma fenomeni olarak adlandırılmaktadır.

Şekil 11: Çırpınma Noktası 1

Şekil 12: Çırpınma Noktası 2

Şekil 13: Çırpınma Noktası 3

Şekil 11, 12 ve 13'ten görülebileceği üzere; kiriş-çubuk modeli, karmaşık sonlu elemanlar modeli ile aynı çırpınma noktalarını yakalamaktadır. Çırpınma mekanizması kontrol yüzeyi içerse dahi kiriş çubuk model, küçük hata payları ile çırpınma noktasını yakalayabilmektedir.

1.2.1. ODTÜ VLA Kanadında Kütle Değişikliğinin Yarattığı Etkinin İncelenmesi

Kiriş-çubuk modellerinin genel amacı ufak değişikliklerle yeni konfigürasyona uygun hale getirilebilmesidir. Bundan dolayı bu değişikler sonucunda yapıda meydana gelen aeroelastik davranış değişikliklerinin yakalanması çok önemlidir. Bu yüzden, yakıt kütlesi kaldırılarak çırpınma analizleri yapılmış ve kiriş-çubuk modeli ile detaylı sonlu elemanlar modeli sonuçları karşılaştırılmıştır. Tablo 11 karşılaştırmaları göstermektedir.

	Çırpınma Noktası 1	
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	113.96	16.28
Kiriş-Çubuk Modeli	116.34	16.33

	Çırpınma Noktası 2	
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	289.16	58.41
Kiriş-Çubuk Modeli	280.74	56.19

	Çırpınma Noktası 3	
	Çırpınma Hızı [m/s]	Çırpınma Frekansı [Hz]
Detaylı Sonlu Elemanlar Modeli	253.41	95.40
Kiriş-Çubuk Modeli	252.88	98.51

Tablo 11: Kütle Değişikliği Sonrası Çırpınma Analizi Sonuçları

Çırpınma karakteristiklerini daha iyi anlamak amacı ile hız-sönümleme ve hız-frekans grafikleri üst üste çizdirilerek karşılaştırılmıştır. Bu karşılaştırma Şekil 14,15'te gösterilmiştir.

Şekil 15: Kütle Değişikliği Sonrası Hız-Frekans Grafiği

Çırpınma noktalarının hız-sönümleme grafiğindeki noktaları yakından alınarak, sönümlemenin sıfırı geçtiği noktalar şekil 16,17 ve 18'de gösterilmiştir.

Şekil 16: Çırpınma Noktası 1

Şekil 17: Çırpınma Noktası 1

Kütle değişikliği gibi tasarımsal değişikliklerin yansıtılması kiriş-çubuk modelinin amacı açısından çok kritiktir. Sonuçlardan görülebileceği gibi, kütlesel açıdan meydana gelen değişiklikler kirişçubuk modeli ile yakalanabilmektedir.

SONUÇ

Bu bildiride AGARD 445.6 ve ODTÜ VLA kanadının Kiriş-Çubuk modellerinin dinamik aeroelastisite davranışları incelenmiştir. Sonuçlardan görülebileceği üzere hata payları kabul edilebilir düzeydedir. Sonuçlardan yola çıkarak ister transonik bölgede ister kontrol yüzeyi içeren karmaşık bir çırpınma mekanizmasında kiriş-çubuk modelinin kullanılabilir olduğu görülmüştür. Sadece çırpınma noktalarına odaklanmaktan ziyade, sönümleme grafiklerine baktığımızda davranışlarının da benzer olduğu, kiriş-çubuk modelinin az düğüm noktasına sahip olmasına rağmen, detaylı yapısal model ile benzer davranışı gösterdiği görülmüştür. Kiriş-çubuk modellerinin aeroelastik analizlerde kullanımı, zaman ve enerji kaybını en aza indireceği gibi, sonuç üzerindeki etkisinin de kabul edilebilir olduğu gösterilmiştir.

Kaynaklar

- Askarzadeh, A. (2016). A novel metaheuristic method for solving constrained engineering optimization problems: crow search algorithm. Computers & Structures, 169, 1-12.
- Cirillo, R., "Detailed and Condensed Finite Element Models for Dynamic Analysis of a Business Jet Aircraft," MSc thesis, The University of Politecnico di Milano, 2011.
- Elsayed, M. S., Sedaghati, R., & Abdo, M. (2009). Accurate stick model development for static analysis of complex aircraft wing-box structures. AIAA Journal, 47(9), 2063–2075. https://doi.org/10.2514/1.38447
- Pecora, R., Magnifico, M., Amoroso, F., & Monaco, E. (2014). Multi-parametric Flutter Analysis of a morphing wing trailing edge. The Aeronautical Journal, 118(1207), 1063–1078. https://doi.org/10.1017/s000192400000974x
- Swift, A., & Badcock, K. (2010). Inter- grid transfer influence on transonic flutter predictions. 51st AIAA/ASME/ASCE/AHS/ASC Structures, Structural Dynamics, and Materials Conf rence«BR» 18th AIAA/ASME/AHS Adaptive Structures Conference«BR» 12th. https://doi.org/10.2514/6.2010-3049
- Yates, E. Carson, Jr., "AGARD standard aeroelastic configurations for dynamic esponse.Candidate configuration I.-wing 445.6", Technical Memorandum (TM), August 1, 1987

ZONA TECHNOLOGY INC, ZAERO V9.3, THEORETICAL MANUAL, 2020

ZONA TECHNOLOGY INC, ZAERO V9.3, APPLICATION'S MANUAL (Vol. I), 2020