VI. ULUSAL HAVACILIK VE UZAY KONFERANSI

28 - 30 Eylül 2016, Kocaeli Üniversitesi, Kocaeli

# BAL PETEĞİ DOLGUYA SAHİP SANDVİÇ YAPILARIN BÜKME YÜKÜ ALTINDAKİ DAVRANIŞLARININ KARŞILAŞTIRILMASI

### Ozan Yardımcı<sup>1</sup>, Ercan Gürses<sup>2</sup> Orta Doğu Teknik Üniversitesi, Ankara

### ÖZET

Bu çalışmada 4-noktadan bükme testine maruz kalan sandviç bir kirişin sayısal benzetimi yapılmıştır. Sandviç yapının yüzey ve dolgu malzemesi alüminyum olup dolgu geometrisi düzgün altıgen bal peteğidir. Bal peteği dolgunun davranışının geometrik özelliklere göre değişiyor olmasından yola çıkılarak faklı hücre boyutlarına sahip olan iki sandviç kiriş için sonlu eleman modeli oluşturulmuştur. Oluşturulan bu modellerin yapıda plastik gerinimlere neden olacak büyüklükteki yer değiştirmeler altında gösterdikleri davranışları karşılaştırılmıştır. Elde edilen sonuçlara göre bükme yüküne maruz kalan sandviç yapılarda en kritik hasar tipi hücre duvarlarına meydana gelen burkulma olarak belirlenmiş olup hücre boyutunun sandviç yapının performansı üzerinde ciddi farklılıklar yarattığı tespit edilmiştir.

# GİRİŞ

Sandviç yapılar, iki ince plaka ve bu plakalar arasına yerleştirilmiş olan dolgudan oluşmaktadır (bkz.

Şekil 1 ve Şekil 6). Dayanımdan ödün vermeden ağırlıktan kazanç sağlayan sandviç yapılar havacılıkta sıkılıkta tercih edilmektedir.



#### Şekil 1 Sandviç Panel [ http://www.stressebook.com/honeycomb-sandwich-panels, 2016]

Sandviç yapıların davranışları ile geleneksel I kirişlerin davranışları arasında benzerlik kurulabilir.

UHUK-2016-1113

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Yük. Lisans Öğr., Havacılık ve Uzay Müh. Böl., E-posta: ozanyardimci@hotmail.com

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Yrd. Doç. Dr., Havacılık ve Uzay Müh. Böl., E-posta: gurses@metu.edu.tr



Şekil 2 Sandviç yapı ve I kiriş [Belkem et al., IATS, 2011]

Şekil 2'de gösterilen I kiriş enine yüklendiğinde bir yüzey basma diğer yüzey ise çekme gerilmesi altında kalmakta ve kirişin gövdesi kesme gerilmesini taşımaktadır. Sandviç yapılarda ise kiriş gövdesinin yerini bal peteği dolgu alır. Yani, bal peteği dolgunun duvarları bükme yükü altındayken yapının Şekil 1'de gösterilen alt ve üst yüzeyine göre çok daha yüksek miktarda kesme kuvvetine maruz kalır. Bu da, sandviç yapılarda özellikle eksen dışı yüklemelerde, 4-noktadan bükme testinde olduğu gibi, bal peteği dolgunun duvarlarında burkulma, ezilme, ya da yırtılma gibi hasar tiplerine neden olabilir.

Sandviç yapılarda dolgu malzemesi olarak birden fazla geometri kullanılabilir ancak bu çalışmada yalnızca düzgün altıgen yapıya sahip olan bal peteği dolgu incelenmiştir.

Bal peteği sandviç yapıların geleneksel yapılara kıyasla farklı özellikler göstermesi bal peteği dolgunun tanımlanmasında kullanılan farklı bir terminolojinin doğmasına neden olmuştur. Bu terminolojiye ait bazı tanımlar şunlardır:

Bal peteği dolgu yoğunluğu	Birim metre küp dolgu malzemesinin ağırlığıdır.
Birim hücre	Bal peteği dolgunun bir ünitesidir. Genellikle altıgen şeklindeki yapıdır.
Şerit-plaka	Bal peteği yapıyı oluşturan malzemeden yapılmış olan düz plakadır. (bkz. Şekil 3)
Serbest hücre	Ètrafındaki hücreler ile çakışık duvarı bulunmayan hücre duvarlarıdır.
L-yönü ya da şerit-	Devamlılığı olan plakanın yönüdür. Genellikle, dikdörtgen şeklindeki
plaka yönü	bir sandviç yapının uzun kenardır. Bu yöndeki hücre duvarları çakışık duvarlardır. Yani şerit plaka yönündeki duvar kalınlıkları, serbest hücre duvarlarının duvar kalınlığının iki katına eşittir. (bkz. Şekil 4)
W-yönü	Dolgu malzemesinin üretim aşamasındayken iki tarafından tutularak açıldığı yöndür. W-yönü şerit- plaka yönüne diktir. (bkz. Şekil 4)
T-yönü	L ve W yönüne düzlem dışı olacak şekilde dik olan yöndür. (Sağ el kuralı ile bulunabilir.) (bkz. Sekil 4)



Şerit- plaka duvarı: çift katmanlı





Şekil 4 Bal Peteği Dolgu Yönleri [Bitzer, 1997]

Bal peteği dolgu malzemesini terminolojik tanımlarında da bahsedildiği gibi birim hücre içerisine bazı duvarlar çift katmanlı iken bazıları tek katmanlıdır. Yani, bazı duvarların kalınlıkları diğerlerinin iki katıdır. Bu bal peteği yapının üretim yönetiminden kaynaklanmaktadır. Bu yöntemler genişletme ve buruşturma yöntemi olmak üzere ikiye ayrılır. Buruşturma yöntemi yüksek maliyeti nedeniyle pek tercih edilmez ancak yüksek yoğunluklu ve küçük hücreli dolguların üretimi için mecburen kullanılır. Bu çalışmada genişletme yöntemi ile elde edilmiş dolgu malzemesi incelenmiştir, bkz. Şekil 5. Bu yöntemin temel adımları kısaca şu şekilde özetlenebilir [Bitzer, 1997]:

- 1. İnce plakların üstü aşınmaya karşı dirençli malzeme ile kaplanır.
- 2. İnce plakaların üstüne çizgi şeklinde yapıştırıcı sürülür.
- 3. İnce plakalar üstü üste dizilerek yapıştırılır.
- 4. Yapıştırıcıların daha kuvvetli bir şekilde yüzeylere tutunması için plakalara ısı verilir ve yüksek basınç uygulanır.
- 5. Birbirine yapıştırma çizgilerinden yapışmış olan plaka yığını istenilen kalınlığa göre kesilir.
- 6. Plakalar W-yönünde çekilerek açılır.
- 7. Genişletme sırasında şerit-plaka duvarları ve serbest duvarların kesiştiği noktalarda kontrollü plastik hasar oluşmasına izin verilir ve bu sayede altıgen hücre geometrisi elde edilir.



W-yönünde genişletilerek elde edilen bal peteği dolgu

Şekil 5 Genişletme Üretim Yöntemi [Bitzer, 1997]



Şekil 6 Fabrikasyon Ürünü Alüminyum Sandviç Paneller [http://www.admatis.com/eng/competencies\_material\_science\_sandwich.html, 2016]

### Malzeme Özellikleri

Sandviç yapının yüzey ve dolgu bölümlerinde kullanılan malzemeler ve birim hücrenin geometrik özellikleri Tablo 1'de ve Tablo 2'de görülebilir. Malzeme modeline ait gerinim - gerilme grafiği ise Şekil 7'de verilmiştir.

Tablo 1 Model Malzemeleri [Hexweb Bal Peteği Dolgu	Malzeme Özellikleri Kataloğu, 19	99]
--	----------------------------------	-----

			Bal Peteği Dolg	u
	Yüzey	Dolgu	Hücre Boyutu	Hücre duvar
	Malzemesi	Malzemesi	(mm-inç)	kalınlığı (mm)
Model 1 (M01)	AL5052	AL5052	9.525 - 3/8	0.145*
Model 2 (M02)	AL5052	AL5052	4.763 - 3/16	0.145*

\*Hexweb kataloğunda belirtilen duvar kalınlığından farklı bir kalınlık kullanılmıştır.

AL5052			
Doğrusal özellikler	Young Modülü (MPa)	70300	
Bograsar Ozenikier	Poisson Oranı	0.33	
Akma özalliklari	Akma Gerilmesi (MPa)	Plastik Gerinim (%)	
Akina ozenikien	255	0	
	290	0.18	
Yoğunluk	Fiziksel Yoğunluk (g/cm^3)	2.6	

Tablo 2 AL5052 Malzeme Özellikleri [http://asm.matweb.com/search/SpecificMaterial.asp?bassnum=MA5052H34, 2016]



Şekil 7 AL5052 Malzeme Modeli Gerinim – Gerilme Eğrisi

Şekil 7'de verilen grafiğe göre teorik olarak başlangıçta yapıya uygulanan yer değiştirme ile yapıda oluşan tepki kuvveti arasında doğrusal bir ilişki olması beklenmektedir. Ancak yapı üzerinde belli bölgelerde oluşan gerilme, kritik gerilme değeri olan 255 MPa'a ulaştıktan sonra yapıda bölgesel olarak plastik akmanın başlaması ve davranışın doğrusallıktan uzaklaşması beklenmektir. Şekil 7'de gösterilen malzeme davranışı sünek olarak tanımlanabilir. Sünek malzemelerdeki deformasyonun başlıca sebebi ise kesme gerilmesidir [Beer et al., 2012]. Sünek malzeme kullanılan yapılarda yapı üzerinde oluşan tepki kuvveti belirli bir değerin üzerine çıktığında ise bölgesel istikrarsızlıklar başlayacak ve küçük yüklemeler bile yapıda oluşan deformasyonu önemli ölçüde artırabilecektir.

### Bal Peteği Yapının Düzlem Dışı Yükleme Altındaki Davranışı

Bal peteği yapılar düzlem dışı yüklere düzlemdeki yüklere göre çok daha dayanıklıdır. Bükme yükü altındaki bir sandviç yapıda doğrusal elastik deformasyon ilk önce hücre duvarlarında eksenel ve kesme deformasyonu olarak başlar. Yapının özellikle basma yükü altında kalan bölgelerinde ise deformasyon, plastik burkulma ile başlar. Akma burulması bal peteği dolgunun duvarlarında Şekil 8'deki gibi kalıcı deformasyona neden olabilir.



Şekil 8 Bal peteği yapıda oluşan akma menteşeleri [Abbadi ,2009]

# YÖNTEM

### Geometrik Özellikler

Sandviç panel iki farklı hücre boyutu için modellenmiştir. Dikdörtgen şeklindeki panelin boyutu sabit tutularak dolgu malzemesin hücre boyutu değiştirilmiştir. Her iki modelde de yüzeylerin kalınlığı aynı olup 0.58 mm'dir. Birinci modelde 3/8 inç (9.525 mm) olan hücre boyutu ikinci modelde yarıya düşürülmüştür. Her iki modelde kullanılan bal peteği dolgu düzgün altıgen geometriye sahiptir. Dolgu malzemesinin derinliği yarım inç (12.7mm) olarak belirlenmiştir. Bal peteği dolgu malzemesi gerçek geometrik özelliklerine sadık kalınarak birebir modellenmiştir. Giriş bölümünde bahsedilen genişletme üretim yöntemi dikkate alınarak dolgu malzemesinin şerit-plaka yönündeki duvar kalınlığı W-yönündeki duvar kalınlığının iki katı olarak belirlenmiştir. Şerit-plaka duvar kalınlığı 0.290 mm, W-yönü duvar kalınlığı ise 0.145mm'dir. Bal peteği dolgu ile yüzeyler arasındaki yapıştırıcı katman modelde dikkate alınmamış olup yapıştırıcı katmanın mükemmel çalıştığı varsayılmıştır. Geniş hücre boyutuna (3/8 inç) sahip sandviç panel Model 1, daha küçük hücre boyutuma sahip olan panel ise model 2 olarak adlandırılmıştır. Geniş hücre boyutuna sahip sandviç panele ait geometrik özellikler Şekil 9, Şekil 10, ve Şekil 11'de gösterilmiş olup Model 2'ye ait olanlar Şekil 12, Şekil 13 ve Şekil 14'<u>te</u> belirtilmiştir.



Şekil 9 Geniş hücre boyutuna sahip model (Model 1 – hücre boyutu: 3/8 inç)

Ulusal Havacılık ve Uzay Konferansı



Şekil 10 Bal peteği dolgu (Model 1)









Ulusal Havacılık ve Uzay Konferansı

30 birim hücre



Şekil 14 Bal peteği dolgu birim hücresi (Model 2)

# Sonlu Eleman Modelleri

Sandviç panelin sonlu eleman modeli ABAQUS programı kullanarak oluşturulmuştur. Oluşturulan modele Şekil 15'teki gibi dört noktadan bükme testi yük ve sınır koşulları uygulanmıştır. Modelin üst yüzeyine 16.5 mm genişliğindeki iki ayrı bölgede z-yönünde -1.5 mm yer değiştirme uygulanmıştır. Sınır koşulu olarak ise modelin alt yüzeyinin iki ucu 13.75 mm genişliğinde bir alandan U3 yönünde tutulmuştur. Model üzerine uygulana yük ve sınır koşulları Şekil 16'da gösterilmiştir.



Şekil 15 4-noktadan bükme test düzeneği



Şekil 16 Yük ve sınır koşulları

Sandviç panelin sonlu eleman modeli Şekil 17'de gösterilmiştir. Sonlu eleman modelinin büyük bir bölümü S4R tipi kabuk elemanlardan oluşmaktadır. Çözüm ağı kalitesinin artırılması için S3 tipi kabuk elemanlar da kullanılmıştır. S4R tipi elemanların kullanımı sayısal benzetimi yapılan panelin kalınlığının, genişlik ve uzunluğundan daha küçük olduğu durumlarda doğru sonuçlar verir. S4R tipi elemanlar 4 adet düğüm noktasına sahip dörtgenler şeklinde olup indirgenmiş integrasyon ve yüksek gerinim formülasyonuna sahiptir. İndirgenmiş integrasyonda, S4R elemanları katılık matrisini oluştururken indirgenmiş integrasyon formülünü kullanır ancak kütle ve dağıtılmış yük matrisleri olağan integrasyon formülü ile hesaplanır; bu sayede hesaplama hızı ve sonuçların doğruluğu artırılmış olur. [Abaqus Kullanıcı El Kitabı, 2016]. Modellerin çözüm ağlarına ilişkin bilgiler Tablo 3'te verilmiştir.





Model 1 (M01)	Model 2 (M02)
<ul> <li>Toplam düğüm noktası sayısı: 37762</li> <li>Toplam eleman sayısı: 40076</li> <li>S4R tipinde 39414 adet doğrusal dörtgen kabuk eleman S3 tipinde 662 adet doğrusal üçgen kabuk eleman</li> </ul>	<ul> <li>Toplam düğüm noktası sayısı: 175016</li> <li>Toplam eleman sayısı: 187097</li> <li>S4R tipinde 185429 adet doğrusal dörtgen kabuk eleman</li> <li>S3 tipinde 1668 adet doğrusal ücgen kabuk eleman</li> </ul>

Tablo 3	B Model 1	ve Model	2've İliskin	Cözüm	Ağı Özellikle	ri
		10 1110401	z yo myani	<b>Şoza</b> m	Agi Ozonikio	••

Modelin üst yüzeyine uygulanan 1.5 mm büyüklüğündeki yer değiştirme dolgu malzemesinin duvarlarına akma deformasyonuna neden olup modeli doğrusal bölgeden çıkaracak nitelikte seçilmiştir. Çalışmanın hedefi kesme yüküne maruz kalan farklı hücre boyutlarındaki bal peteği dolguya sahip sandviç yapıların performanslarının karşılaştırılmasıdır. Bunun için sınır koşulu uygulanan düğüm noktalarındaki toplam tepki kuvveti değerleri dikkate alınmıştır. Ancak, sandviç panelin üzerine uygulanan deformasyon sonucu sayısal benzetimin doğrusal bölgeden çıkıp doğrusal olmayan bölgeye geçmesi sayısal yakınsama problemini doğurmuştur. Bunun için sonlu eleman modeli aynı koşullar altında farklı eleman kenar uzunluklarına sahip olan çözüm ağları ile denenmiş sonunda sayısal yakınsama sağlayan model sonuçların elde edilmesinde kullanılmıştır. Çözüm ağı sayısal yakınsama çalışmasının sonuçları Şekil 18'de verilmiştir. Bu grafiğe göre element kenar uzunluğu (EKU) 0.850 mm olan model sayısal betimleme sonuçlarının elde edilmesine kullanılacaktır.



Şekil 18 Çözüm ağı sayısal yakınsama çalışması

## UYGULAMALAR

Yapılan sayısal betimlemeler sonucunda elde edilen sonuçlar Model 1 ve Model 2 için görseller şeklinde verilmiştir. Hücre boyutu büyük olan Model 1'e ait Mises Gerilmesi grafiği Şekil 19'da, dolgu malzemesi üzerinde oluşan eşdeğer plastik gerinim Şekil 20'de, sandviç panelde oluşan z-yönündeki deformasyonun xz-düzlemindeki görüntüsü Şekil 21'de verilmiştir



Şekil 20 Bal peteği dolgu üzerinde oluşan eşdeğer plastik gerinim (Model 1)

Ulusal Havacılık ve Uzay Konferansı



Şekil 21 Z-yönündeki deformasyon (Model 1)

Daha küçük hücre boyutuna sahip olan Model 2 içinse Mises Gerilmesi Şekil 22'de, dolgu malzemesi üzerinde oluşan eşdeğer plastik gerinim Şekil 23'te, sandviç panelde oluşan z-yönündeki deformasyonun xz-düzlemindeki görüntüsü Şekil 24'te verilmiştir







U, U3
+6.150e-02 -7.382e-02 -2.091e-01 -3.445e-01 -6.151e-01 -6.151e-01 -8.858e-01 -1.021e+00 -1.156e+00 -1.252e+00
-1.427e+00 -1.562e+00



ODB: A12\_JD1.odb Absqux/Standard 6.14-4 Fii Aug DS 19:05: 28 Turkey DayIght Time 2016 7 Step: Apply\_load Increment 26: Step Time = 1.000 Primary Var: U, U3 Deformed Var: U Deformation Scale Factor: +1.000e+00 х

Şekil 24 Z-yönündeki deformasyon (Model 2)

## SONUÇ

Uygulamalardan elde edilen sonuçlara göre Şekil 25'teki grafik çizdirilmiştir. Bu grafiğe göre daha küçük hücre boyutuna sahip olan Model 2, Model 1'e göre doğrusal bölgeden daha yüksek gerinim değerlerinde çıkmaktadır. Ancak her iki model üzerinde de plastik gerinim yaklaşık olarak aynı miktarda yer değiştirmeye maruz kaldıklarında ilk defa oluşmaktadır. Ayrıca daha küçük hücre boyutuna sahip olan Model 2 yaklaşık olarak 30,000 N değerindeki toplam tepki kuvveti değerinde doğrusal bölgeden ayrılırken birinci model yaklaşık 17,000 N değerinde doğrusal bölgeden çıkmaktadır. Buradan küçük hücre boyutuna sahip olan dolgu malzemesinin büyük hücre boyutuna sahip olan dolgu malzemesine göre aynı koşullar altında yaklaşık %77 daha fazla kuvvet taşıyabildiği sonucuna ulaşılabilir.



Şekil 25 Uygulanan Yer Değiştirme - Desteklerde Oluşan Tepki Kuvveti Grafiği

Sandviç panel hasar cinsi bakımından incelendiğinde ise sonuçlar 4-noktadan bükme testinde sıklıkla görülen dolgu duvarlarının burkulması hasar tipini doğrular niteliktedir. Kesme tipi yüke maruz kalan bu tür yapılarda hücre duvarındaki burkulma en kritik hasar tipi olarak öne çıkmaktadır. Pek çok kaynak ise dolgu malzemesi kaynaklı hasarların sandviç yapılarda en sık görülen hasar tipi olduğunu öne sürmektedir. [Allen, 1969; Hall ve Robson, 1984; Zenkert ve Vikström, 1992; Zenkert, 1995]. Bunlara ek olarak, Daniel, Gdoutos, Wang ve Abot tarafından 2002 yılında yazdıkları makalede, yüzey kalınlığının dolgu derinliğine oranı küçük olan sandviç kirişlerde (bu çalışmada olduğu gibi) kesme yükünün neredeyse tamamının dolgu tarafından taşındığını ve yüksek kesme yükü altındaki sandviç kirişlerde hücre duvarı burkulmasının görüldüğünü belirtmişlerdir. Şekil 20 ve Şekil 23'te plastik gerinimlerin oluştuğu bölge, yük ve sınır koşullarının uygulandığı bölgeler arasında kalmaktadır. Yapı mukavemet açısından düşünüldüğünde bu bölge maksimum kesme yükünün oluştuğu bölgedir ve akma gerinimi bu bölgede yüzeye kıyasla çok daha belirgin bir şekilde dolgu üzerinde oluşmuştur. Şekil 21 ve Şekil 24 incelendiğinde görsel olarak burkulmanın yine bu bölgeve denk geldiğine ulaşılabilir.

Bu çalışmada kullanılan modelin sayısal betimlemesi sadece elastik malzeme girdisi kullanılarak plastik akmaya izin verilmeden tekrarlanmıştır. Elde edilen sonuçlarda maksimum tepki kuvvetleri elastoplastik analizlere göre ciddi miktarda artış göstermiş ve model 1 için 19.500 N, model 2 için 62.300 N mertebesinde çıkmıştır. Bu kıyaslama beklendiği gibi burkulmanın etkisiyle yapıda önemli miktarda plastik akmanın gerçekleştiğini göstermektedir.

Bunlara ek olarak iki model arasında ağırlık bakımında bir karşılaştırma da yapılabilir. Büyük hücreli dolguya sayıp Model 1'in ağırlığı 26.7 gram, Model 2'nin ağırlığı ise 34.4 gram olarak ölçülmüştür. Buna göre küçük hücre boyutuna sahip Model 2, Model 1'e göre yaklaşık %29 daha ağır olurken yaklaşık %77 daha fazla toplam kuvvete dayanabilmektedir.

Bu çalışmanın devamında yapılan sonlu eleman modeli geliştirilerek özellikle hücre duvarları üzerinde oluşan hasarlar üzerinde daha detaylı çalışmalar yapılabilir ve daha fazla değişken dikkate alınarak sandviç yapılar üzerinde oluşması muhtemel diğer hasar tiplerinin de modellenmesi sağlanabilir.

### REFERANSLAR

- 1. Abbadi A., Koutsawa Y., Carmasol A., Belouettar S., Azari S. (2009), Experimental and Numerical Characterization of Honeycomb Sandwich Composite Panels, Elsevier
- 2. Allen, H.G. (1969). Analysis and Design of Structural Sandwich Panels, Pergamon, London.
- 3. Beer F., Johnston E., Dewolf J., Mazurek D. (2012), Mechanics of Materials, McGraw Hill, NY
- 4. Bekem A., Ercan H., Doğu M., Ünal A (2011)., Uçak Sanayiinde Kullanılan Kompozitlerin Mekanik Davranışlarının İncelenmesi, 6th International Advanced Technologies Symposium, Elazığ, Türkiye
- 5. Bitzer T. (1997), Honeycomb Technology, Springer-Science+Business Media B.V, Dublin, CA
- 6. Daniel I.M., Gdoutos E.E., Wang K.-A., Abot J.L. (2002), Failure Modes of Composite Sandwich Beam, International Journal of Damage Mechanics, 11(4): 309-334
- 7. Hall, D.J. ve Robson, B.L. (1984). Composites, 15: 266–276.
- 8. Hexweb Bal Peteği Dolgu Malzeme Özelliktreri Kataloğu, 1999
- 9. Zenkert, D. ve Vikström, M. (1992). J. Comp. Res. Tech., 14: 95–103.
- 10. http://www.admatis.com/eng/competencies\_material\_science\_sandwich.html, 2016
- 11. http://asm.matweb.com/search/SpecificMaterial.asp?bassnum=MA5052H34, 2016
- 12. http://www.stressebook.com/honeycomb-sandwich-panels, 2016